

VIGA-COLUNA

Exemplo 1: Considere a viga-coluna A-B de suporte de um balanço B-C, representado na Figura abaixo. A coluna é engastada na seção da base, sendo a seção do topo (seção B) livre de rodar, mas impedida de se deslocar horizontalmente, em qualquer direção. O pilar é constituído por uma seção retangular tubular SHS 200x150x8mm, S355 ($E=210\text{GPa}$ e $G=81\text{GPa}$). Admitindo que o carregamento indicado já está majorado para o estado limite último, verifique a segurança da coluna segundo o EC3-1-1.

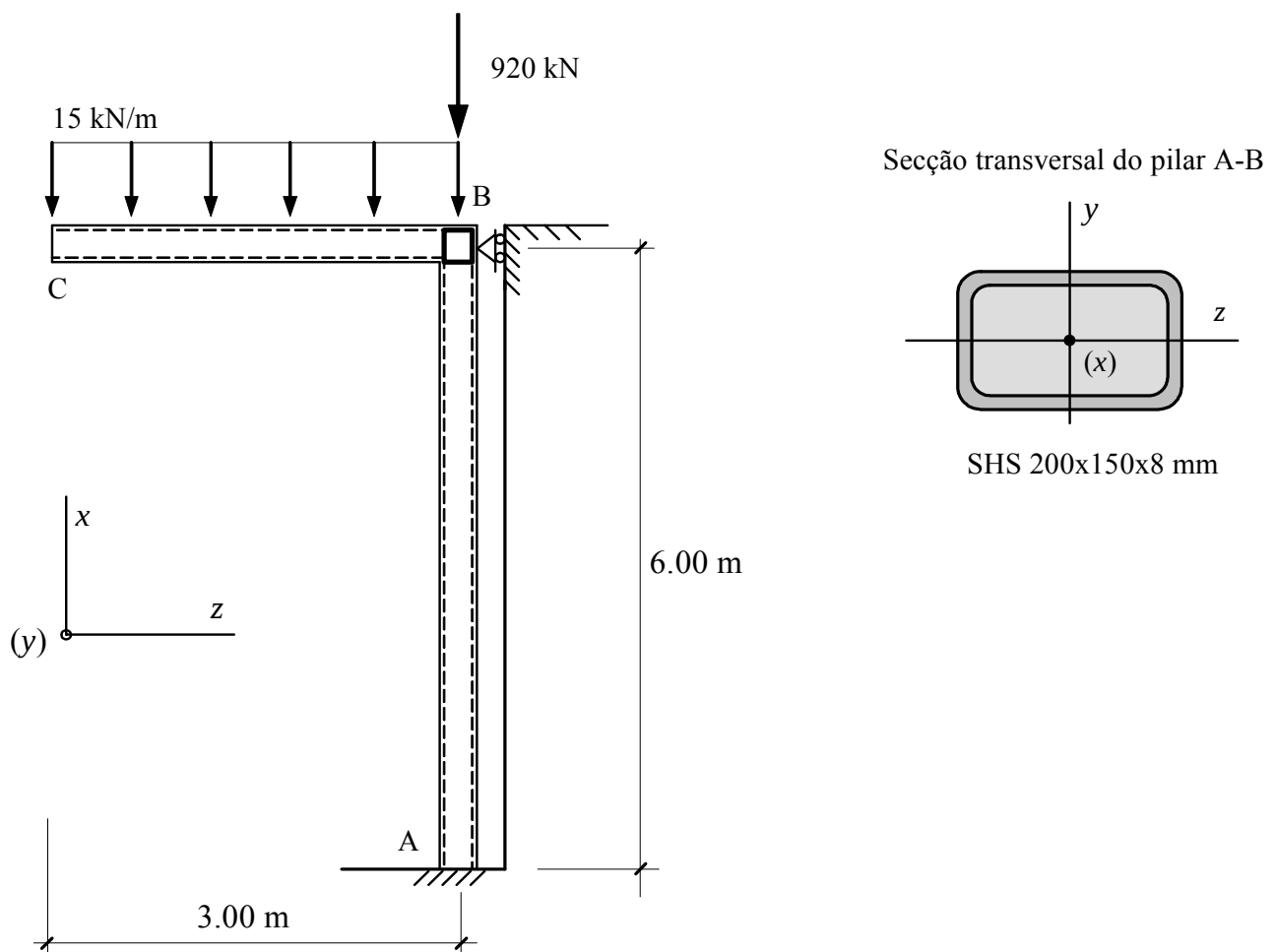


Figura – Estrutura com elementos de seção retangular tubular

i) Diagramas de esforços no pilar A-B

A estrutura é hiperestática, desprezando as deformabilidades axial e devida ao esforço cortante obtém-se os diagramas de esforços ilustrados na Figura 3.86.

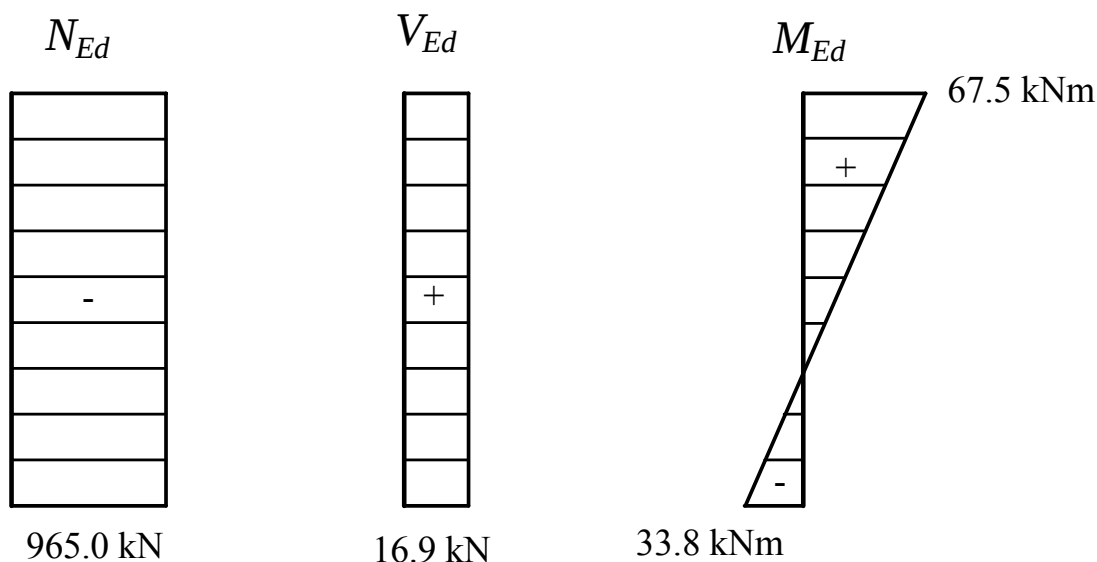


Figura 3.86 – Diagramas de esforços

ii) Verificação da resistência das seções transversais

Propriedades do SHS200x150x8mm: $A=52.75\text{cm}^2$, $W_{pl,y}=358.8\text{cm}^3$, $W_{el,y}=297.1\text{cm}^3$, $I_y=2971\text{cm}^4$, $i_y=7.505\text{cm}$, $W_{pl,z}=293.7\text{cm}^3$, $W_{el,z}=252.6\text{cm}^3$, $I_z=1894\text{cm}^4$, $i_z=5.992\text{cm}$ e $I_T=3643\text{cm}^4$.

Procede-se inicialmente à verificação da classe com o EC3-1-1, 5.5. Num elemento submetido a flexão composta onde as sucessivas seções são submetidas a esforços diferentes, a classe da seção pode variar ao longo do elemento.

Apesar disto não introduzir dificuldade na verificação da resistência das seções (cada seção é verificada para sua classe), pode dificultar a definição da classe da seção para a verificação da estabilidade do elemento, já que se trata de uma verificação global do elemento.

Neste exemplo procede-se de uma forma simplificada, verificando a classe da seção para a situação mais desfavorável, onde a seção é submetida apenas a esforço axial.

Para a aba maior do perfil em compressão, EC3-1-1, Quadro 5.2:

$$c/t \approx (b - 3t)/t = (200 - 3 \times 8)/8 = 22.0 < 33 \varepsilon = 33 \times 0.81 = 26.7 \quad (\text{Classe 1})$$

Como se para a hipótese considerada é de classe 1, esta pode ser tratada como classe 1 para qualquer outra combinação de tensões.

A resistência à flexão em torno do eixo y, combinada com o esforço axial, é obtida com o EC3-1-1, 6.2.9.1 (5):

$$M_{N,y,Rd} = M_{pl,y,Rd} \frac{1-n}{1-0.5a_w} \leq M_{pl,y,Rd}$$

Para a seção mais esforçada (seção do topo da colunar), sob esforços $N_{Ed}=965\text{kN}$ e $M_{y,Ed}=67.5\text{kNm}$, obtém-se:

$$n = \frac{N_{Ed}}{N_{pl,Rd}} = \frac{965}{52.75 \times 10^{-4} \times 355 \times 10^3 / 1.0} = 0.52$$

$$a_w = \frac{A - 2bt}{A} = \frac{52.75 - 2 \times 15 \times 0.8}{52.75} = 0.55 > 0.5 \Rightarrow a_w = 0.5$$

$$M_{pl,y,Rd} = 358.8 \times 10^{-6} \times \frac{355 \times 10^3}{1.0} = 127.4 \text{ kNm}$$

Momento plástico resistente da seção, reduzido pelo esforço axial é:

$$M_{N,y,Rd} = 127.4 \times \frac{1-0.52}{1-0.5 \times 0.5} = 81.5 \text{ kNm} < M_{pl,y,Rd}$$

$$\Rightarrow M_{N,y,Rd} = 81.5 \text{ kNm}$$

$$\text{Como } M_{Ed} = 67.5 \text{ kNm} < M_{N,y,Rd} = 81.5 \text{ kNm},$$

As seções da viga coluna passam em relação à flexão composta.

O esforço cortante deve ser verificado numa seção qualquer, uma vez que se trata de um elemento com esforço cortante constante.

$$\text{Sendo } A_v = \frac{Ah}{b+h} = \frac{52.75 \times 20}{15 + 20} = 30.14 \text{ cm}^2, \text{ obtém-se:}$$

$$V_{pl,Rd} = \frac{A_v f_y}{\gamma_{M0} \sqrt{3}} = \frac{30.14 \times 10^{-4} \times 355 \times 10^3}{1.0 \times \sqrt{3}} = 617.7 \text{ kN}$$

$$\text{Como } V_{Ed} = 16.9 \text{ kN} < V_{pl,Rd} = 617.7 \text{ kN}$$

As seções da viga coluna passam em relação ao esforço cortante.

Para averificação da flambagem da alma por esforço cisalhamento, segundo EC3-1-1, 6.2.6 (6), considera-se conservativamente $\eta = 1$.

Para a alma não enrijecida:

$h_w/t_w \approx (h - 3t)/t = (200 - 3 \times 8)/8 = 22.0 < 72 \varepsilon/\eta = 58.3$
logo é dispensada a verificação.

A verificação da interação da flexão com o esforço cortante (segundo o EC3-1-1, 6.2.8) deve ser efetuada na seção B.

Como $V_{Ed} = 16.9 \text{ kN} < 0.50 \times V_{pl,Rd} = 0.50 \times 617.7 = 308.9 \text{ kN}$
não há redução na resistência da seção à interação flexão/esforço axial, com o esforço cortante.

iii) Verificação da estabilidade do elemento

Para o elemento sob flexão uniaxial (em torno de y) e compressão, classe 1, a estabilidade é assegurada através de:

$$\frac{N_{Ed}}{\chi_y N_{Rk} / \gamma_{M1}} + k_{yy} \frac{M_{y,Ed}}{\chi_{LT} M_{y,Rk} / \gamma_{M1}} \leq 1.0$$

$$\frac{N_{Ed}}{\chi_z N_{Rk} / \gamma_{M1}} + k_{zy} \frac{M_{y,Ed}}{\chi_{LT} M_{y,Rk} / \gamma_{M1}} \leq 1.0$$

Nas expressões anteriores os fatores de interação k_{yy} e k_{zy} podem ser obtidos por um dos métodos do EC3-1-1, 6.3.3, o Método 1 ou o Método 2; para comparação de resultados aplicam-se os dois.

iii-1) Método 1

Como o elemento tem uma seção retangular tubular com $I_T = 3643 \text{ cm}^4 > I_y = 2971 \text{ cm}^4$, seção não sujeita a sofrer deformações de torção e logo a flambagem por flexão constitui o modo de instabilidade relevante. Logo, não é preciso verificar a flambagem lateral, para isto considera-se nas expressões anteriores

$$\chi_{LT} = 1.0$$

As resistências características da seção são dadas por:

$$N_{Rk} = A f_y = 52.75 \times 10^{-4} \times 355 \times 10^3 = 1872.6 \text{ kN}$$

$$M_{y,Rk} = W_{pl,y} f_y = 358.8 \times 10^{-6} \times 355 \times 10^3 = 127.4 \text{ kNm}$$

Os coeficientes de redução devidos à flambagem por flexão:

$$\chi_y \text{ e } \chi_z, \text{ são.}$$

Plano xz (flambagem em torno de y):

$$L_{E,y} = 0.7 \times 6.0 = 4.2 \text{ m};$$

$$\bar{\lambda}_y = \frac{L_{E,y}}{i_y} \frac{1}{\lambda_1} = \frac{4.2}{7.505 \times 10^{-2}} \times \frac{1}{93.9 \times 0.81} = 0.74;$$

$\alpha = 0.21$ Curva a (Quadro 6.2 do EC3-1-1);

$$\phi = 0.83 \Rightarrow \chi_y = 0.83$$

Plano xy (flambagem em torno de z):

$$L_{E,z} = 0.7 \times 6.0 = 4.2 \text{ m};$$

$$\bar{\lambda}_z = \frac{L_{E,z}}{i_z} \frac{1}{\lambda_1} = \frac{4.2}{5.992 \times 10^{-2}} \times \frac{1}{93.9 \times 0.81} = 0.92;$$

$\alpha = 0.21$ Curva a (Quadro 6.2 do EC3-1-1);

$$\phi = 1.00 \Rightarrow \chi_z = 0.72$$

A seguir calculam-se os termos auxiliares, incluindo os fatores C_{yy} e C_{zy} , (dependentes do grau de plasticidade da seção no colapso), definidos no Quadro A.1 do EC3-1-1.

$$N_{cr,y} = \frac{\pi^2 E I_y}{L_{E,y}^2} = \frac{\pi^2 \times 210 \times 10^6 \times 2971 \times 10^{-8}}{4.2^2} = 3490.8 \text{ kN};$$

$$N_{cr,z} = \frac{\pi^2 E I_z}{L_{E,z}^2} = \frac{\pi^2 \times 210 \times 10^6 \times 1894 \times 10^{-8}}{4.2^2} = 2225.4 \text{ kN} ;$$

$$\mu_y = \frac{1 - \frac{N_{Ed}}{N_{cr,y}}}{1 - \chi_y \frac{N_{Ed}}{N_{cr,y}}} = \frac{1 - \frac{965}{3490.8}}{1 - 0.83 \times \frac{965}{3490.8}} = 0.94 ;$$

$$\mu_z = \frac{1 - \frac{N_{Ed}}{N_{cr,z}}}{1 - \chi_z \frac{N_{Ed}}{N_{cr,z}}} = \frac{1 - \frac{965}{2225.4}}{1 - 0.72 \times \frac{965}{2225.4}} = 0.82 ;$$

$$w_y = \frac{W_{pl,y}}{W_{el,y}} = \frac{358.8}{297.1} = 1.21 (< 1.5) ;$$

$$w_z = \frac{W_{pl,z}}{W_{el,z}} = \frac{293.7}{252.6} = 1.16 (< 1.5) ;$$

$$n_{pl} = \frac{N_{Ed}}{N_{Rk} / \gamma_{M1}} = \frac{965}{1872.6 / 1.0} = 0.52 ;$$

$$\bar{\lambda}_{\max} = \max(\bar{\lambda}_y, \bar{\lambda}_z) = \max(0.74, 0.92) = 0.92$$

Como se trata de um elemento não sujeito a deformações de torção, de acordo com o Quadro A.1 do Anexo A do EC3-1-1 os fatores equivalentes de momento uniforme são definidos por $C_{my}=C_{my,0}$ e $C_{mLT}=1$, onde $C_{my,0}$ é obtido como Quadro A.2, Anexo A, EC3-1-1.

Para um diagrama de momentos fletores linear, com:

$M_{y,Ed,base}=-33.8\text{kNm}$ e $M_{y,Ed,topo}=67.5\text{kNm}$, obtém-se:

$$\Psi_y = M_{y,Ed,base} / M_{y,Ed,topo} = -33.8 / 67.5 = -0.50 ;$$

$$C_{my,0} = 0.79 + 0.21\Psi_y + 0.36(\Psi_y - 0.33)\frac{N_{Ed}}{N_{cr,y}} =$$

$$= 0.79 + 0.21 \times (-0.5) + 0.36 \times (-0.50 - 0.33) \times \frac{965}{3490.8} = 0.60;$$

$$C_{my} = C_{my,0} = 0.60$$

Como $I_T > I_y \Rightarrow a_{LT} = 0 \Rightarrow b_{LT} = d_{LT} = 0$, C_{yy}, C_{zy} são obtidos:

$$C_{yy} = 1 + (w_y - 1) \left[\left(2 - \frac{1.6}{w_y} C_{my}^2 \bar{\lambda}_{\max} - \frac{1.6}{w_y} C_{my}^2 \bar{\lambda}_{\max}^2 \right) n_{pl} \right] \geq \frac{W_{el,y}}{W_{pl,y}} \Leftrightarrow$$

$$C_{yy} = 1 + (1.21 - 1) \times \left[\left(2 - \frac{1.6}{1.21} \times 0.60^2 \times 0.92 - \frac{1.6}{1.21} \times 0.60^2 \times 0.92^2 \right) \times 0.52 \right] =$$

$$= 1.13 \quad (> W_{el,y}/W_{pl,y} = 297.1/358.8 = 0.83);$$

$$C_{zy} = 1 + (w_y - 1) \left[\left(2 - 14 \frac{C_{my}^2 \bar{\lambda}_{\max}^2}{w_y^5} \right) n_{pl} \right] \geq 0.6 \sqrt{\frac{w_y}{w_z}} \frac{W_{el,y}}{W_{pl,y}} \Leftrightarrow$$

$$C_{zy} = 1 + (1.21 - 1) \times \left[\left(2 - 14 \times \frac{0.60^2 \times 0.92^2}{1.21^5} \right) \times 0.52 \right] = 1.04$$

$$\left(> 0.6 \sqrt{\frac{w_y}{w_z}} \frac{W_{el,y}}{W_{pl,y}} = 0.6 \times \sqrt{\frac{1.21}{1.16}} \times \frac{297.1}{358.8} = 0.51 \right).$$

Já que a seção é classe 1, e usando as expressões do Quadro A.1, Anexo A, EC3-1-1 determinam-se os fatores de interação k_{yy} e k_{zy} :

$$k_{yy} = C_{my} C_{mLT} \frac{\mu_y}{1 - \frac{N_{Ed}}{N_{cr,y}}} \frac{1}{C_{yy}} = 0.60 \times 1.0 \times \frac{0.94}{1 - \frac{965.0}{3490.8}} \times \frac{1}{1.13} = 0.69$$

;

$$k_{zy} = C_{my} C_{mLT} \frac{\mu_z}{1 - \frac{N_{Ed}}{N_{cr,y}}} \frac{1}{C_{zy}} 0.6 \sqrt{\frac{w_y}{w_z}} =$$

$$= 0.60 \times 1.0 \times \frac{0.82}{1 - \frac{965.0}{3490.8}} \times \frac{1}{1.04} \times 0.6 \times \sqrt{\frac{1.21}{1.16}} = 0.40.$$

Com base nos parâmetros determinados, verificam-se as condições:

$$\frac{N_{Ed}}{\chi_y N_{Rk} / \gamma_{M1}} + k_{yy} \frac{M_{y,Ed}}{\chi_{LT} M_{y,Rk} / \gamma_{M1}} =$$

$$= \frac{965.0}{0.83 \times 1872.6 / 1.0} + 0.69 \times \frac{67.5}{1.0 \times 127.4 / 1.0} = 0.99 < 1.0;$$

$$\frac{N_{Ed}}{\chi_z N_{Rk} / \gamma_{M1}} + k_{zy} \frac{M_{y,Ed}}{\chi_{LT} M_{y,Rk} / \gamma_{M1}} =$$

$$= \frac{965.0}{0.72 \times 1872.6 / 1.0} + 0.40 \times \frac{67.5}{1.0 \times 127.4 / 1.0} = 0.93 < 1.0.$$

Como ambas as condições anteriores são passadas, segundo o Método 1 do EC3-1-1, seção retangular tubular 200x150x8mm, S355, passa.

iii-2) Método 2

Como o elemento em análise é constituído por uma seção retangular tubular, devido à sua elevada rigidez de flexão lateral e de torção, pode ser dispensada a verificação da flambagem lateral, logo nas

condições regulamentares deve-se considerar $\chi_{LT} = 1.0$.

Como o Método 2 difere do Método 1 apenas no cálculo dos fatores de interação, procede-se diretamente ao cálculo destes fatores. Como não existe momento atuante em torno de z, basta calcular os fatores de interação k_{yy} e k_{zy} . Como o elemento não é sujeito a torção, os fatores de interação obtidos com o Quadro B.1, Anexo B, EC3-1-1

Para um diagrama de momentos linear, com $M_{y,Ed,base} = -33.8$ kNm e $M_{y,Ed,topo} = 67.5$ kNm, obtém-se:

$$\Psi_y = M_{y,Ed,base} / M_{y,Ed,topo} = -33.8 / 67.5 = -0.50$$

Através do Quadro B.3 do Anexo B do EC3-1-1 obtém-se:

$$C_{my} = 0.6 + 0.4 \times (-0.50) = 0.40 \quad (\geq 0.40)$$

Com base no fator anterior, nos parâmetros obtidos na aplicação do Método 1 e na classe da seção, os coeficientes k_{yy} e k_{zy} são:

$$k_{yy} = C_{my} \left[1 + (\bar{\lambda}_y - 0.2) \frac{N_{Ed}}{\chi_y N_{Rk} / \gamma_{M1}} \right] =$$

$$= 0.40 \times \left[1 + (0.74 - 0.2) \times \frac{965.0}{0.83 \times 1872.6 / 1.0} \right] = 0.53;$$

$$k_{yy} = 0.53 < C_{my} \left[1 + 0.8 \frac{N_{Ed}}{\chi_y N_{Rk} / \gamma_{M1}} \right] = 0.60$$

como

deve considerar-se $k_{yy} = 0.53$.

No Método 2, para uma seção retangular tubular com compressão e

flexão uniaxial em y, deve-se considerar: $k_{zy} = 0$. Que gera:

$$\frac{965.0}{0.83 \times 1872.6 / 1.0} + 0.53 \times \frac{67.5}{1.0 \times 127.4 / 1.0} = 0.90 < 1.0$$

$$\frac{965}{0.72 \times 1872.6 / 1.0} = 0.72 < 1.0$$

Como ambas as condições são verificadas, no Método 2, EC3-1-1, seção retangular tubular 200x150x8mm, S355 passa.

Exemplo 2: Verifique a viga-coluna A-B, de um galpão industrial sujeito a flexão composta plana. A viga-coluna é uma seção IPE360 ($E=210\text{GPa}$ e $G=81\text{GPa}$) em aço S355. O carregamento de cálculo, para uma dada combinação de ações, introduz no pilar os diagramas de esforços ilustrados na figura; o esforço cortante é suficientemente reduzido para ser desprezado na verificação.

Considere que o comprimento de flambagem no plano do pórtico (plano xz) é dado por $L_{E,y}=6\text{m}$, igual ao comprimento real, admitindo que os esforços vem de uma análise de 2ª ordem, processo ii); no plano xy , o comprimento de flambagem considera o contraventamento na direção y , assegurado pelas vigas secundárias localizadas na base, a meia altura e na seção do topo da coluna.

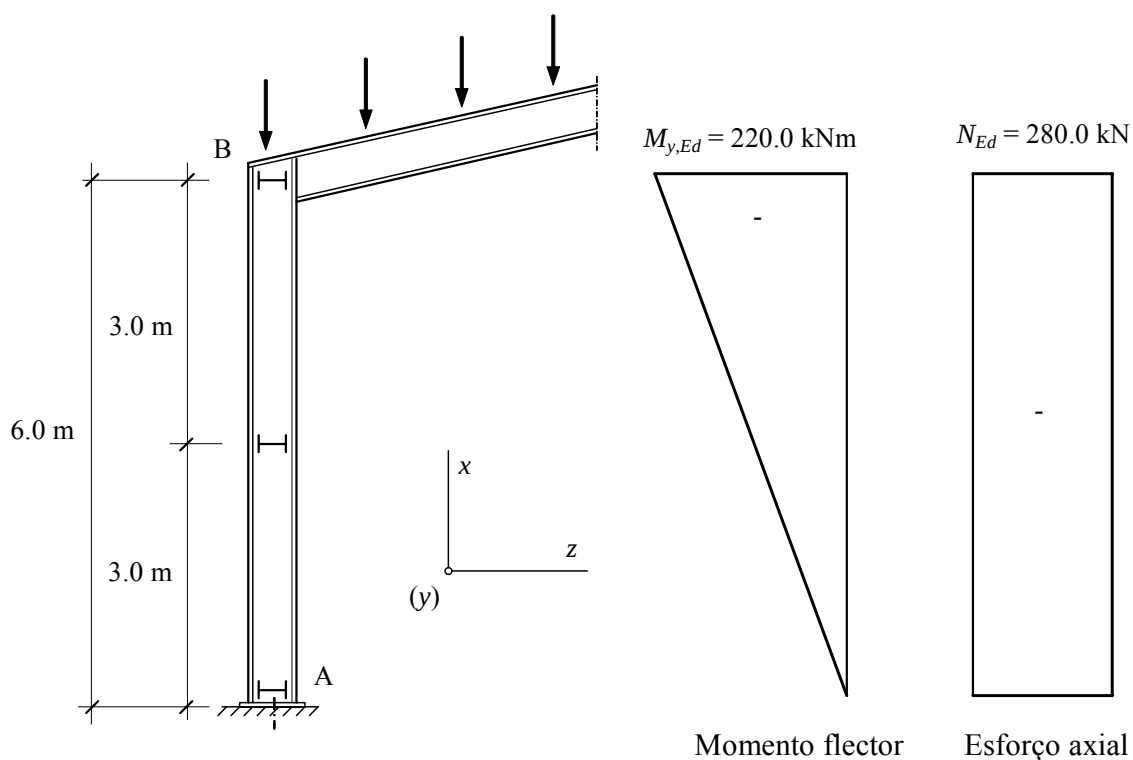


Figura 3.87 – Pilar submetido a flexão composta plana

Caraterísticas do IPE 360: $A=72.73\text{cm}^2$, $h=360\text{mm}$, $b=170\text{mm}$, $W_{el,y}=903.6\text{cm}^3$, $W_{pl,y}=1019\text{cm}^3$, $I_y=16270\text{cm}^4$, $i_y=14.95\text{cm}$, $W_{el,z}=122.8\text{cm}^3$, $W_{pl,z}=191.1\text{cm}^3$, $I_z=1043\text{cm}^4$, $i_z=3.79\text{cm}$, $I_T=37.32\text{cm}^4$ e $I_W=313.6\times 10^3\text{cm}^6$.

i) Classificação da seção

O EC3-1-1 não fornece critérios para a definição da classe a considerar na estabilidade global do elemento, quando esta varia ao longo deste elemento, em consequência da variação dos esforços.

Considerando que a flexão controla, opta-se por classificar a seção mais esforçada, a do topo. A linha neutra para a situação de plastificação completa da seção, necessária para a classificação da alma, depende da relação entre o momento fletor e o esforço axial e a sua posição podem ser considerados diversos procedimentos.

Para definir a posição do eixo neutro com base nos esforços reais atuantes, deve proceder-se ao cálculo das tensões normais ao longo da seção através de uma análise elástica de tensões, caso as tensões máximas não ultrapassem a tensão de cedência do material.

Caso contrário, procede-se a uma análise elasto-plástica de tensões. Para a seção em estudo obtém-se o diagrama elástico de tensões normais ilustrado na Figura 3.88, com base nas tensões nas fibras extremas obtidas através das seguintes expressões:

$$\sigma_{comp} = -\frac{280.0}{72.73 \times 10^{-4}} + \frac{220.0}{16270 \times 10^{-8}} \times \left(-360/2 \times 10^{-3}\right) =$$

$$= -281891 \text{ kPa} = -281.9 \text{ MPa}.$$

$$\sigma_{tracção} = -\frac{280.0}{72.73 \times 10^{-4}} + \frac{220.0}{16270 \times 10^{-8}} \times \left(+360/2 \times 10^{-3}\right) =$$

$$= 204894 \text{ kPa} = 204.9 \text{ MPa}.$$

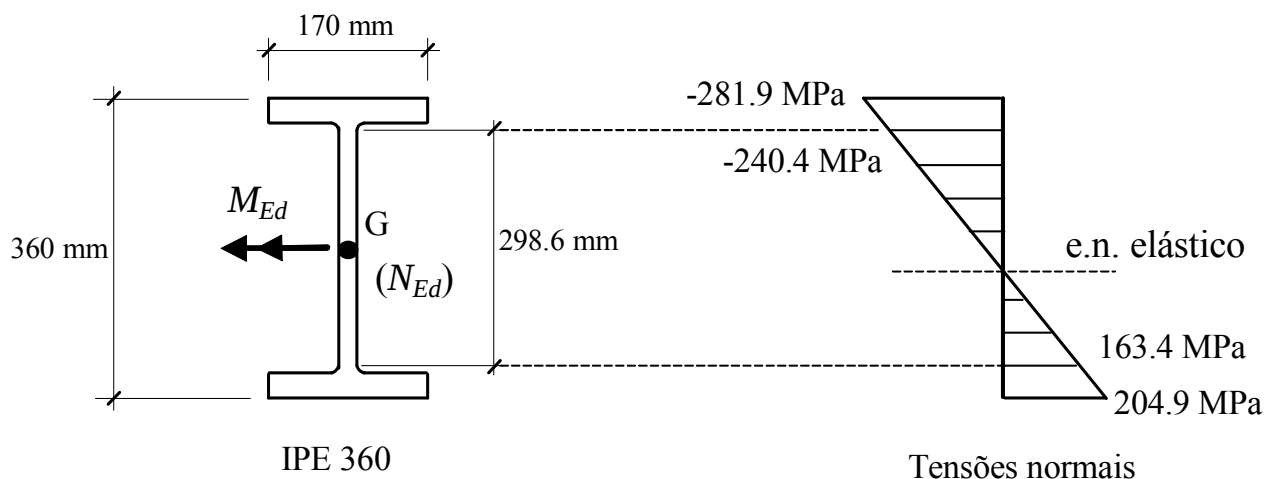


Figura 3.88 – Tensões normais na seção mais esforçada

Com base no diagrama de tensões normais ilustrado na Figura 3.88, o parâmetro α (correspondente à percentagem da alma submetida a tensões de compressão) definido no Quadro 5.2 do EC3-1-1 é:

$$\alpha = \frac{240.4}{240.4 + 163.4} = 0.60$$

Pode-se também estimar a posição do eixo neutro com base em:

$$\alpha = \frac{1}{2986 \times 10^{-3}} \left(\frac{360 \times 10^{-3}}{2} + \frac{1}{2} \frac{280}{8 \times 10^{-3} \times 355 \times 10^3} - (127 \times 10^{-3} + 18 \times 10^{-3}) \right)$$

$$\alpha = 0.58$$

Para a alma do perfil em flexão composta (usando α obtido no segundo processo), tem-se:

$$c/t = 298.6/8 = 37.3 < \frac{396 \varepsilon}{13 \alpha - 1} = \frac{396 \times 0.81}{13 \times 0.58 - 1} = 49.0 \quad .(\text{Classe 1})$$

Mesa comprimido do perfil,

$$c/t = (170/2 - 8/2 - 18)/12.7 = 5.0 < 9 \varepsilon = 9 \times 0.81 = 7.3 \quad .(\text{Classe 1})$$

Logo a seção é de classe 1.

ii) Verificação da resistência da seção transversal

Com base nos diagramas de esforços, a seção do topo da viga-cluna é a mais esforçada, sendo: $M_{y,Ed} = 220 \text{ kNm}$ e $N_{Ed} = 280 \text{ kN}$.

Sendo $N_{pl,Rd} = f_y A / \gamma_{M0} = 2581.9 \text{ kN}$ e como:

$$N_{Ed} = 280.0 \text{ kN} \leq 0.25 N_{pl,Rd} = 645.5 \text{ kN} \quad e$$

$$N_{Ed} = 280.0 \text{ kN} \leq 0.5 h_w t_w f_y / \gamma_{M0} = 475.1 \text{ kN}$$

segundo o EC3-1-1, 6.2.9.1 (4) não se reduz a resistência à flexão:

$$M_{pl,y,Rd} = W_{pl,y} \frac{f_y}{\gamma_{M0}} = 361.7 \text{ kNm} > M_{y,Ed} = 220.0 \text{ kNm}$$

O esforço cortante é baixo e poder ser desprezado e com a condição anterior a resistência da seção transversal passa

iii) Verificação da estabilidade do elemento

Neste exemplo opta-se pelo Método 2, EC3-1-1. Como o elemento em análise é constituído por uma seção sujeita a deformações de torção (seção aberta de paredes finas), admite-se que a flambagem lateral é o modo de instabilidade que controla o dimensionamento.

Sendo $M_{z,Ed}=0$, a verificação da flambagem lateral para uma seção de classe 1 consiste na verificação das seguintes condições:

$$\frac{N_{Ed}}{\chi_y N_{Rk} / \gamma_{M1}} + k_{yy} \frac{M_{y,Ed}}{\chi_{LT} M_{y,Rk} / \gamma_{M1}} \leq 1.0$$

$$\frac{N_{Ed}}{\chi_z N_{Rk} / \gamma_{M1}} + k_{zy} \frac{M_{y,Ed}}{\chi_{LT} M_{y,Rk} / \gamma_{M1}} \leq 1.0$$

As resistências características da seção são dadas por:

$$N_{Rk} = A f_y = 72.73 \times 10^{-4} \times 355 \times 10^3 = 2581.9 \text{ kN} ;$$

$$M_{y,Rk} = W_{pl,y} f_y = 1019 \times 10^{-6} \times 355 \times 10^3 = 361.7 \text{ kNm}$$

coeficientes de redução devido à flambagem por flexão, χ_y e χ_z ,:

No plano xz - $L_{E,y}=6\text{m}$.

$$\bar{\lambda}_y = \frac{L_{E,y}}{i_y} \frac{1}{\lambda_1} = \frac{6}{14.95 \times 10^{-2}} \times \frac{1}{93.9 \times 0.81} = 0.53$$

$$\alpha = 0.21 \quad \text{Curva a (Quadro 6.2 do EC3-1-1);}$$

$$\phi = 0.68 \quad \Rightarrow \chi_y = 0.90$$

No plano xy - $L_{E,z}=3\text{m}$, admitindo que as vigas secundárias impedem o movimento segundo y, das seções onde estão apoiadas.

$$\bar{\lambda}_z = \frac{L_{E,z}}{i_z} \frac{1}{\lambda_1} = \frac{3.0}{3.79 \times 10^{-2}} \times \frac{1}{93.9 \times 0.81} = 1.04$$

$$\alpha = 0.34 \quad \text{Curva b (Quadro 6.2 do EC3-1-1);}$$

$$\phi = 1.18 \quad \Rightarrow \chi_z = 0.58$$

O Cálculo do coeficiente χ_{LT} será feito pela alternativa aplicável a seções laminadas ou soldadas equivalentes, EC3-1-1, 6.3.2.3:

O comprimento entre seções contraventadas é dado por $L=3m$. Usando a expressão 3.118 e o Quadro 3.7, tratando-se de um elemento submetido a momentos de extremidade, obtém-se:

$$\beta = -0.50 \Rightarrow \alpha_m = 1.30 \Rightarrow M_{cr} = 644.9 \text{ kNm} \Rightarrow \bar{\lambda}_{LT} = 0.75$$

Sendo $\alpha_{LT} = 0.34$ (seções laminadas em I ou H com $h/b > 2 \Rightarrow$ curva b e considerando $\bar{\lambda}_{LT,0} = 0.2$ e $\beta = 1.00$), obtém-se:

$$\phi_{LT} = 0.87 \Rightarrow \chi_{LT} = 0.76$$

Para o diagrama de momentos atuante, o fator de correção k_c , segundo o Quadro 6.6 do EC3-1-1, é dado por:

$k_c = 0.86$. Sendo f , obtido pela expressão:

$$f = 1 - 0.5 \times (1 - 0.86) \times \left[1 - 2.0 \times (0.75 - 0.8)^2 \right] = 0.93$$

obtém-se: $\chi_{LT,mod} = 0.79/0.93 = 0.85$

Como não existe momento atuante segundo z , calcula-se k_{yy} e k_{zy} . Como a seção é sujeita a deformações de torção, estes fatores devem ser obtidos a partir do Quadro B.2 do Anexo B do EC3-1-1.

Os fatores equivalentes de momento uniforme C_{my} e C_{mLT} são obtidos com os momentos em torno de y , entre seções contraventadas na direção z para C_{my} e lateralmente para C_{mLT} .

Admitindo um elemento deslocável no plano do pórtico, com o Quadro B.3, Anexo B, EC3-1-1 deve considerar C_{my} igual a 0.9.

C_{mLT} deve ser calculado com os momentos na metade superior do pilar (mais desfavorável); o diagrama de momentos é linear, $M_{y,Ed,base}=0$, $M_{1/2altura}=-110\text{kNm}$ e $M_{y,Ed,topo}=-220\text{kNm}$, Quadro B.3, Anexo B, EC3-1-1:

$$\Psi = M_{1/2altura} / M_{y,Ed,topo} = (-110) / (-220) = 0.5$$

$$C_{mLT} = 0.60 + 0.4 \times (0.5) = 0.80 \quad (> 0.40)$$

Com os valores anteriores, os coeficientes k_{yy} e k_{zy} são dados por:

$$k_{yy} = C_{my} \left[1 + (\bar{\lambda}_y - 0.2) \frac{N_{Ed}}{\chi_y N_{Rk} / \gamma_{M1}} \right] =$$

$$= 0.90 \times \left[1 + (1.06 - 0.2) \times \frac{280.0}{0.63 \times 2581.9 / 1.0} \right] = 1.03;$$

$$k_{yy} = 1.03 > C_{my} \left[1 + 0.8 \frac{N_{Ed}}{\chi_y N_{Rk} / \gamma_{M1}} \right] = 1.02, \quad k_{yy} = 1.02$$

$$k_{zy} = \left[1 - \frac{0.1 \bar{\lambda}_y}{(C_{mLT} - 0.25)} \frac{N_{Ed}}{\chi_z N_{Rk} / \gamma_{M1}} \right] =$$

$$= \left[1 - \frac{0.1 \times 1.04}{(0.80 - 0.25)} \frac{280.0}{0.58 \times 2581.9 / 1.0} \right] = 0.97;$$

$$k_{zy} = 0.97 = \left[1 - \frac{0.1}{(C_{mLT} - 0.25)} \frac{N_{Ed}}{\chi_z N_{Rk} / \gamma_{M1}} \right] = 0.97$$

como

deve considerar-se $k_{zy} = 0.97$. Deve verificar:

$$\frac{280.0}{0.63 \times 2581.9 / 1.0} + 1.02 \times \frac{220.0}{0.85 \times 361.7 / 1.0} = 0.90 < 1.0;$$

$$\frac{280.0}{0.58 \times 2581.9 / 1.0} + 0.97 \times \frac{220.0}{0.85 \times 361.7 / 1.0} = 0.88 < 1.0.$$

Com as 2 condições anteriores, conclui-se que o IPE360 passa.

Exemplo 3: Considere um IPE500, S275 e admita que as seções extremas estão impedidas de rodar no eixo do elemento. O carregamento é uma carga concentrada $P_{Ed}=320\text{kN}$, reações de apoio de 160kN , por um esforço axial de compressão $N_{Ed}= 520\text{kN}$ e por momentos de extremidade $M_{y,Ed,e}=160\text{kNm}$, $M_{y,Ed,d}=160\text{ kNm}$, $M_{z,Ed,e}=20\text{kNm}$ e $M_{z,Ed,d}=20\text{kNm}$. Verifique o perfil com o EC3-1-1.

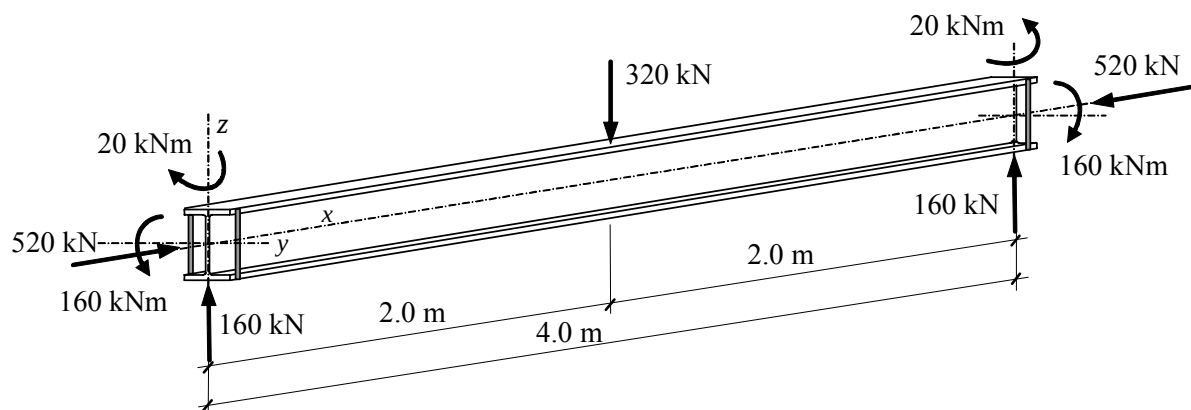


Figura – Elemento submetido a flexão composta desviada

As propriedades IPE500: $A=115.5\text{cm}^2$, $A_{vz}=59.87\text{cm}^2$, $h=500\text{mm}$, $b=200\text{mm}$, $W_{el,y}=1928\text{cm}^3$, $W_{pl,y}=2194\text{cm}^3$, $I_y=48200\text{cm}^4$, $i_y=20.43\text{cm}$, $W_{el,z}=214.2\text{cm}^3$, $W_{pl,z}=335.9\text{cm}^3$, $I_z= 142\text{cm}^4$, $i_z=4.31\text{cm}$, $I_T=89.29\text{cm}^4$ e $I_W=1249\times 10^3\text{cm}^6$.

i) Diagramas de esforços

Com o carregamento de cálculo obtém-se os diagramas de esforços:

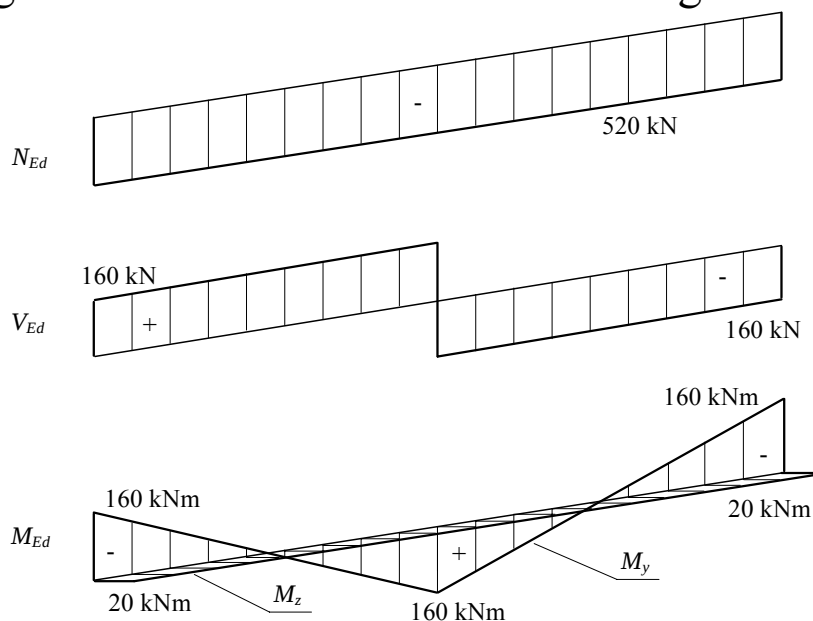


Figura 3.90 – Diagramas de esforços

ii) Classificação da seção

A aplicação dos procedimentos previstos no EC3-1-1,5.5, permite concluir que o IPE500, S275, para os esforços aplicados, é classe 1.

iii) Verificação da resistência da seção transversal

De acordo com os diagramas de esforços ilustrados na figura anterior, as seções mais esforçadas são as seções de extremidade e de meio vão, submetidas aos esforços $N_{Ed}=520\text{kN}$ (compressão), $V_{Ed}=160\text{kN}$, $M_{y,Ed}=160\text{kNm}$ e $M_{z,Ed}=20\text{kNm}$.

Sendo $A_{vz} = 59.87 \text{ cm}^2$, o esforço cortante resistente é dado por:

$$V_{pl,Rd} = \frac{A_{vz} f_y}{\gamma_{M0} \sqrt{3}} = \frac{59.87 \times 10^{-4} \times 275 \times 10^3}{1.0 \times \sqrt{3}} = 950.6 \text{ kN}$$

Como $V_{Ed} = 160 \text{ kN} < V_{pl,Rd} = 950.6 \text{ kN}$, é verificada a resistência ao esforço cortante.

Para a verificação da flambagem da alma por cisalhamento, segundo o EC3-1-1, 6.2.6(6), considera-se conservativamente $\eta = 1$.

Para a alma não enrijecida, tem-se:

$$h_w/t_w = 468/10.2 = 45.9 < 72 \varepsilon/\eta = 72 \times 0.92/1.0 = 66.2$$

logo é dispensada a verificação.

A interação da flexão composta com o esforço cortante deve ser verificada nas seções de extremidade ou de meio vão. Nestas seções

$$V_{Ed} = 160 \text{ kN} < 0.50 \times V_{pl,Rd} = 0.50 \times 950.6 = 475.3 \text{ kN}$$

O que faz que não seja necessário reduzir a resistência da seção, relativamente à combinação da flexão com o esforço axial. Para a verificação da flexão composta, o esforço axial plástico é dado por:

$$N_{pl,Rd} = A f_y / \gamma_{M0} = 115.5 \times 10^{-4} \times 275 \times 10^3 = 3176.3 \text{ kN}$$

Com base nas dimensões da alma: $h_w = 468 \text{ mm}$ e $t_w = 10.2 \text{ mm}$ e na verificação das seguintes condições:

$$N_{Ed} = 520 \text{ kN} \leq 0.25 N_{pl,Rd} = 794.1 \text{ kN} \quad e$$

$$N_{Ed} = 520 \text{ kN} \leq 0.5 h_w t_w f_y / \gamma_{M0} = 656.4 \text{ kN}$$

Conclui-se segundo o EC3-1-1, 6.2.9.1 (4), que não é preciso reduzir o momento plástico resistente em y pelo esforço axial, ou:

$$M_{N,y,Rd} = M_{pl,y,Rd} = 2194 \times 10^{-6} \times \frac{275 \times 10^3}{1.0} = 603.4 \text{ kNm}$$

Como $N_{Ed} = 520 \text{ kN} \leq h_w t_w f_y / \gamma_{M0} = 1312.7 \text{ kN}$, também não é necessário reduzir o momento plástico resistente segundo z, ou seja:

$$M_{N,z,Rd} = M_{pl,z,Rd} = 335.9 \times 10^{-6} \times \frac{275 \times 10^3}{1.0} = 92.4 \text{ kNm}$$

A flexão composta biaxial é verificada através da seguinte condição:

$$\left[\frac{M_{y,Ed}}{M_{N,y,Rd}} \right]^\alpha + \left[\frac{M_{z,Ed}}{M_{N,z,Rd}} \right]^\beta \leq 1.0$$

Sendo $n = \frac{N_{Ed}}{N_{pl,Rd}} = \frac{520}{3176.3} = 0.16$ e um IPE:

$$\alpha = 2, \quad \beta = 5n = 5 \times 0.16 = 0.80$$

Como o parâmetro β verifica-se a condição $\beta \geq 1$, toma-se: $\beta = 1$.
Para a seção da extremidade esquerda da viga, obtém-se:

$$\left[\frac{160}{603.4} \right]^2 + \left[\frac{20}{92.4} \right]^1 = 0.29 < 1.0$$

concluindo-se assim que a seção IPE500, S275, possui capacidade suficiente para resistir aos esforços aplicados.

iv) Verificação da estabilidade do elemento

Para o elemento em análise, submetido à combinação de flexão biaxial com compressão, constituído por uma seção de classe 1, a estabilidade é verificada através das seguintes condições:

$$\frac{N_{Ed}}{\chi_y N_{Rk} / \gamma_{M1}} + k_{yy} \frac{M_{y,Ed}}{\chi_{LT} M_{y,Rk} / \gamma_{M1}} + k_{yz} \frac{M_{z,Ed}}{M_{z,Rk} / \gamma_{M1}} \leq 1.0$$

$$\frac{N_{Ed}}{\chi_z N_{Rk} / \gamma_{M1}} + k_{zy} \frac{M_{y,Ed}}{\chi_{LT} M_{y,Rk} / \gamma_{M1}} + k_{zz} \frac{M_{z,Ed}}{M_{z,Rk} / \gamma_{M1}} \leq 1.0$$

Os fatores de interação k_{yy} , k_{yz} , k_{zy} e k_{zz} podem ser obtidos por um dos métodos previstos no EC3-1-1: o Método 1 ou o Método 2; para comparação de resultados, também aqui são usados os dois métodos.

iv-1) Método 1

Como o elemento em análise é constituído por uma seção aberta de paredes finas com $I_T=89.29\text{cm}^4 < I_y=48200\text{cm}^4$ e não existe qualquer contraventamento lateral ao longo do elemento, deve considerar-se que a seção é sujeita a deformações de torção. Logo, considera-se a flambagem lateral como o modo de instabilidade relevante.

As resistências características da seção são dadas por:

$$N_{Rk} = A f_y = 115.5 \times 10^{-4} \times 275 \times 10^3 = 3176.3 \text{ kN} ;$$

$$M_{y,Rk} = W_{pl,y} f_y = 2194 \times 10^{-6} \times 275 \times 10^3 = 603.4 \text{ kNm} ;$$

$$M_{z,Rk} = W_{pl,z} f_y = 335.9 \times 10^{-6} \times 275 \times 10^3 = 92.4 \text{ kNm} .$$

Os coeficientes da flambagem por flexão, χ_y e χ_z , são.

Plano xz (flambagem em torno de y): $L_{E,y} = 4.00 \text{ m} ;$

$$\bar{\lambda}_y = \frac{L_{E,y}}{i_y} \frac{1}{\lambda_1} = \frac{4.00}{20.43 \times 10^{-2}} \times \frac{1}{93.9 \times 0.92} = 0.23 ;$$

$$\alpha = 0.21 \quad \text{Curva a (Quadro 6.2 do EC3-1-1);}$$

$$\phi = 0.53 \quad \Rightarrow \chi_y = 0.99 .$$

Plano xy (flambagem em torno de z): $L_{E,z} = 4.00 \text{ m} ;$

$$\bar{\lambda}_z = \frac{L_{E,z}}{i_z} \frac{1}{\lambda_1} = \frac{4.00}{4.31 \times 10^{-2}} \times \frac{1}{93.9 \times 0.92} = 1.07 ;$$

$$\alpha = 0.34 \quad \text{Curva b (Quadro 6.2 do EC3-1-1);}$$

$$\phi = 1.22 \quad \Rightarrow \chi_z = 0.55$$

Cálculo dos termos auxiliares, incluindo os fatores C_{yy} e C_{zy} , definidos no Quadro A.1 do EC3-1-1:

$$N_{cr,y} = \frac{\pi^2 E I_y}{L_{E,y}^2} = \frac{\pi^2 \times 210 \times 10^6 \times 48200 \times 10^{-8}}{4.00^2} = 62437.6 \text{ kN} ;$$

$$N_{cr,z} = \frac{\pi^2 E I_z}{L_{E,z}^2} = \frac{\pi^2 \times 210 \times 10^6 \times 2142 \times 10^{-8}}{4.00^2} = 2774.7 \text{ kN} ;$$

$$\mu_y = \frac{1 - \frac{N_{Ed}}{N_{cr,y}}}{1 - \chi_y \frac{N_{Ed}}{N_{cr,y}}} = \frac{1 - \frac{520}{62437.6}}{1 - 0.99 \times \frac{520}{62437.6}} = 1.00 ;$$

$$\mu_z = \frac{1 - \frac{N_{Ed}}{N_{cr,z}}}{1 - \chi_z \frac{N_{Ed}}{N_{cr,z}}} = \frac{1 - \frac{520}{2774.7}}{1 - 0.55 \times \frac{520}{2774.7}} = 0.91 ;$$

$$w_y = \frac{W_{pl,y}}{W_{el,y}} = \frac{2194}{1928} = 1.14 \quad (< 1.5) ;$$

$$w_z = \frac{W_{pl,z}}{W_{el,z}} = \frac{335.9}{214.2} = 1.57 \quad (< 1.5) ;$$

$$n_{pl} = \frac{N_{Ed}}{N_{Rk} / \gamma_{M1}} = \frac{520}{3176.3 / 1.0} = 0.16 ;$$

$$\bar{\lambda}_{\max} = \max(\bar{\lambda}_y, \bar{\lambda}_z) = \max(0.23, 1.07) = 1.07$$

O momento crítico para momento uniforme (“caso padrão”) é:

$$M_{cr}^E = \frac{\pi}{L} \sqrt{G I_T E I_z \left(1 + \frac{\pi^2 E I_W}{L^2 G I_T} \right)} \Leftrightarrow$$

$$M_{cr}^E = \frac{\pi}{4.00} \sqrt{81 \times 10^6 \times 89.29 \times 10^{-8} \times 210 \times 10^6 \times 2142 \times 10^{-8}}$$

$$\times \sqrt{\left(1 + \frac{\pi^2 \times 210 \times 10^6 \times 1249 \times 10^{-8}}{4.00^2 \times 81 \times 10^6 \times 89.29 \times 10^{-8}} \right)} = 806.0 \text{ kNm}$$

obtém-se o coeficiente de esbeltez adimensional para flambagem lateral com momento uniforme (“caso padrão”), através de:

$$\bar{\lambda}_0 = \sqrt{\frac{W_{pl,y} f_y}{M_{cr}^E}} = \sqrt{\frac{2194 \times 10^{-6} \times 275 \times 10^3}{806.0}} = 0.87$$

A carga crítica de flambagem por torção $N_{cr,T}$ é obtida através de:

$$N_{cr,T} = \frac{1}{i_C^2} \left(G I_T + \frac{\pi^2 E I_W}{L_{ET}^2} \right), \text{ com } i_C^2 = y_C^2 + (I_y + I_z) / A$$

Sendo $y_C=0$, pois o centro de gravidade coincide com o centro de corte da seção e $L_{ET}=4\text{m}$, obtém-se:

$$i_C^2 = 0.0 + (48200 + 2142) / 115.5 = 435.86 \text{ cm}^2;$$

$$N_{cr,T} = \frac{1}{435.86 \times 10^{-4}} \times$$

$$\times \left(81 \times 10^6 \times 89.29 \times 10^{-8} + \frac{\pi^2 \times 210 \times 10^6 \times 1249 \times 10^{-9}}{4.00^2} \right) = 5371.4 \text{ kN}.$$

Para o diagrama de momentos fletores atuante, o coeficiente de momentos (tomado como o coeficiente α_m definido no Quadro 3.7 deste manual), toma o valor $C_1=1.71$. A verificação da condição:

$$\begin{aligned}\bar{\lambda}_0 &= 0.87 > 0.2 \sqrt{C_1} \sqrt[4]{\left(1 - \frac{N_{Ed}}{N_{cr,z}}\right) \left(1 - \frac{N_{Ed}}{N_{cr,T}}\right)} \\ &= 0.2 \times \sqrt{1.71} \times \sqrt[4]{\left(1 - \frac{520}{2774.7}\right) \times \left(1 - \frac{520}{5371.4}\right)} = 0.24,\end{aligned}$$

comprova ser um elemento constituído por uma seção sujeita a deformações de torção e determina a forma de quantificar os fatores equivalentes de momento uniforme (fatores C_{mi}).

Para os diagramas de momentos fletores atuantes, os fatores $C_{my,0}$ e $C_{mz,0}$ são obtidos a partir do Quadro A.2 do Anexo A do EC3-1-1:

$$|\delta_x| = \delta_z = 1.05 \text{ mm} ;$$

$$|M_{i,Ed}(x)| = |M_{y,Ed}| = 160 \text{ kNm} ;$$

$$\Psi_z = 20/20 = 1.00 ;$$

$$\begin{aligned}C_{my,0} &= 1 + \left(\frac{\pi^2 E I_y |\delta_x|}{L^2 |M_{i,Ed}(x)|} - 1 \right) \frac{N_{Ed}}{N_{cr,y}} = \\ &= 1 + \left(\frac{\pi^2 \times 210 \times 10^6 \times 48200 \times 10^{-8} \times 1.05 \times 10^{-3}}{4.00^2 \times 160} - 1 \right) \times \frac{520}{62437.6} = 1.00 ;\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}C_{mz,0} &= 0.79 + 0.21\psi_z + 0.36(\psi_z - 0.33) \frac{N_{Ed}}{N_{cr,z}} = \\ &= 0.79 + 0.21 \times 1.00 + 0.36 \times (1.00 - 0.33) \times \frac{520}{2774.7} = 1.05.\end{aligned}$$

A seguir calculam-se os fatores equivalentes de momento uniforme C_{my} , C_{mz} e C_{mLT} , de acordo com o Quadro A.1, Anexo A, EC3-1-1 considerando ser um elemento sujeito a deformações de torção.

Sendo $M_{y,Ed} = 160 \text{ kNm}$ (valor máximo em módulo do momento fletor ao longo do elemento) e considerando-se uma seção classe 1:

$$a_{LT} = 1 - \frac{I_T}{I_y} = 1 - \frac{89.29 \times 10^{-8}}{48200 \times 10^{-8}} = 1.00 \quad (> 0)$$

$$\varepsilon_y = \frac{M_{y,Ed}}{N_{Ed}} \frac{A}{W_{el,y}} = \frac{160}{520} \times \frac{115.5 \times 10^{-4}}{1928 \times 10^{-6}} = 1.84$$

$$C_{my} = C_{my,0} + (1 - C_{my,0}) \frac{\sqrt{\varepsilon_y} a_{LT}}{1 + \sqrt{\varepsilon_y} a_{LT}}$$

$$= 1.00 + (1 - 1.00) \times \frac{\sqrt{1.84} \times 1.00}{1 + \sqrt{1.84} \times 1.00} = 1.00;$$

$$C_{mz} = C_{mz,0} = 1.05 ;$$

$$C_{mLT} = C_{my}^2 \frac{a_{LT}}{\sqrt{\left(1 - \frac{N_{Ed}}{N_{cr,z}}\right) \left(1 - \frac{N_{Ed}}{N_{cr,T}}\right)}}$$

$$= 1.00^2 \times \frac{1.00}{\sqrt{\left(1 - \frac{520}{2774.7}\right) \times \left(1 - \frac{520}{5371.4}\right)}} = 1.17 \quad (> 1).$$

O momento crítico e o coeficiente de esbelteza $\bar{\lambda}_{LT}$, obtidos com base na expressão 3.119 deste manual, admitindo que a carga distribuída é aplicada no banzo superior, são dados por:

$$M_{cr} = 788.0 \text{ kNm},$$

$$\bar{\lambda}_{LT} = \sqrt{\frac{W_{pl,y} f_y}{M_{cr}}} = \sqrt{\frac{2194 \times 10^{-6} \times 275 \times 10^3}{788.0}} = 0.88$$

Tratando-se de uma seção laminada em I, com $h/b > 2$, o coeficiente de imperfeição é dado por $\alpha_{LT} = 0.34$ (curva b); por aplicação do método geral previsto no 6.3.2.2, EC3-1-1, obtém-se:

$$\begin{aligned}\phi_{LT} &= 0.5 \left[1 + \alpha_{LT} (\bar{\lambda}_{LT} - 0.2) + \bar{\lambda}_{LT}^2 \right] \\ &= 0.5 \times \left[1 + 0.34 \times (0.88 - 0.2) + 0.8^2 \right] = 1.00;\end{aligned}$$

$$\chi_{LT} = \frac{1}{\phi_{LT} + (\phi_{LT}^2 - \bar{\lambda}_{LT}^2)^{0.5}} = \frac{1}{1.00 + (1.00^2 - 0.88^2)^{0.5}} = 0.68$$

O cálculo dos termos auxiliares b_{LT} , c_{LT} , d_{LT} e e_{LT} , de acordo com o Quadro A.1 do Anexo A do EC3-1-1.

$$M_{y,Ed} = 160 \text{ kNm} \quad M_{z,Ed} = 20 \text{ kNm}$$

(momentos fletores máximos, em módulo, em torno de y e z),

$$M_{pl,y,Rd} = W_{pl,y} \frac{f_y}{\gamma_{M0}} = 2194 \times 10^{-6} \times \frac{275 \times 10^3}{1.0} = 603.4 \text{ kNm} ;$$

$$M_{pl,z,Rd} = W_{pl,z} \frac{f_y}{\gamma_{M0}} = 335.9 \times 10^{-6} \times \frac{275 \times 10^3}{1.0} = 92.4 \text{ kNm} ;$$

$$\begin{aligned}b_{LT} &= 0.5 a_{LT} \bar{\lambda}_0^2 \frac{M_{y,Ed}}{\chi_{LT} M_{pl,y,Rd}} \frac{M_{z,Ed}}{M_{pl,z,Rd}} = \\ &= 0.5 \times 1.00 \times 0.87^2 \times \frac{160}{0.68 \times 603.4} \times \frac{20}{92.4} = 0.03;\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}c_{LT} &= 10 a_{LT} \frac{\bar{\lambda}_0^2}{5 + \bar{\lambda}_z^4} \frac{M_{y,Ed}}{C_{my} \chi_{LT} M_{pl,y,Rd}} = \\ &= 10 \times 1.00 \times \frac{0.87^2}{5 + 1.07^4} \times \frac{160}{1.00^2 \times 0.68 \times 603.4} = 0.47;\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}d_{LT} &= 2 a_{LT} \frac{\bar{\lambda}_0}{0.1 + \bar{\lambda}_z^4} \frac{M_{y,Ed}}{C_{my} \chi_{LT} M_{pl,y,Rd}} \frac{M_{z,Ed}}{C_{mz} M_{pl,z,Rd}} = \\ &= 2 \times 1.00 \times \frac{0.87}{0.1 + 1.07^4} \times \frac{160}{1.00 \times 0.68 \times 603.4} \times \frac{20}{1.05 \times 92.4} = 0.10;\end{aligned}$$

$$e_{LT} = 1.7 a_{LT} \frac{\bar{\lambda}_0}{0.1 + \bar{\lambda}_z^4} \frac{M_{y,Ed}}{C_{my} \chi_{LT} M_{pl,y,Rd}} =$$

$$= 1.7 \times 1.00 \times \frac{0.87}{0.1 + 1.07^4} \times \frac{160}{1.00 \times 0.68 \times 603.4} = 0.41.$$

Com os parâmetros calculados anteriormente, os fatores C_{yy} , C_{yz} , C_{zy} e C_{zz} são obtidos a partir do Quadro A.1 do EC3-1-1 através de:

$$C_{yy} = 1 + (w_y - 1) \left[\left(2 - \frac{1.6}{w_y} C_{my}^2 \bar{\lambda}_{\max} - \frac{1.6}{w_y} C_{my}^2 \bar{\lambda}_{\max}^2 \right) n_{pl} - b_{LT} \right] \geq \frac{W_{el,y}}{W_{pl,y}} \Leftrightarrow$$

$$C_{yy} = 1 + (1.14 - 1) \times$$

$$\times \left[\left(2 - \frac{1.6}{1.14} \times 1.00^2 \times 1.07 - \frac{1.6}{1.14} \times 1.00^2 \times 1.07^2 \right) \times 0.16 - 0.03 \right] =$$

$$= 0.97 \quad (> W_{el,y}/W_{pl,y} = 1928/2194 = 0.88);$$

$$C_{yz} = 1 + (w_z - 1) \left[\left(2 - 14 \frac{C_{mz}^2 \bar{\lambda}_{\max}^2}{w_z^5} \right) n_{pl} - c_{LT} \right] \geq 0.6 \sqrt{\frac{w_z}{w_y}} \frac{W_{el,z}}{W_{pl,z}} \Leftrightarrow$$

$$C_{yz} = 1 + (1.57 - 1) \left[\left(2 - 14 \times \frac{1.05^2 \times 1.07^2}{1.57^5} \right) \times 0.16 - 0.47 \right] =$$

$$= 0.75 \quad (> 0.6 \sqrt{\frac{w_z}{w_y}} \frac{W_{el,z}}{W_{pl,z}} = 0.6 \times \sqrt{\frac{1.57}{1.14}} \times \frac{214.2}{335.9} = 0.45);$$

$$C_{zy} = 1 + (w_y - 1) \left[\left(2 - 14 \frac{C_{my}^2 \bar{\lambda}_{\max}^2}{w_y^5} \right) n_{pl} - d_{LT} \right] \geq 0.6 \sqrt{\frac{w_y}{w_z}} \frac{W_{el,y}}{W_{pl,y}} \Leftrightarrow$$

$$C_{zy} = 1 + (1.14 - 1) \times \left[\left(2 - 14 \times \frac{1.00^2 \times 1.07^2}{1.14^5} \right) \times 0.16 - 0.10 \right] =$$

$$= 0.84 \quad \left(> 0.6 \sqrt{\frac{w_y}{w_z}} \frac{W_{el,y}}{W_{pl,y}} = 0.6 \times \sqrt{\frac{1.14}{1.57}} \times \frac{1928}{2194} = 0.45 \right);$$

$$C_{zz} = 1 + (w_z - 1) \left[\left(2 - \frac{1.6}{w_z} C_{mz}^2 \bar{\lambda}_{\max} - \frac{1.6}{w_z} C_{mz}^2 \bar{\lambda}_{\max}^2 \right) - e_{LT} \right] n_{pl} \geq \frac{W_{el,z}}{W_{pl,z}}$$

$$C_{zz} = 1 + (1.57 - 1) \times$$

$$\times \left[\left(2 - \frac{1.6}{1.57} \times 1.05^2 \times 1.07 - \frac{1.6}{1.57} \times 1.05^2 \times 1.07^2 \right) - 0.41 \right] \times 0.16 =$$

$$= 0.92 \quad \left(> \frac{W_{el,z}}{W_{pl,z}} = \frac{214.2}{335.9} = 0.64 \right).$$

Com base nos termos auxiliares calculados, considerando que a seção é de classe 1, através das expressões do Quadro A.1, Anexo A do EC3-1-1, determinam-se os fatores de interação k_{yy} , k_{yz} , k_{zy} e k_{zz} :

$$k_{yy} = C_{my} C_{mLT} \frac{\mu_y}{1 - \frac{N_{Ed}}{N_{cr,y}}} \frac{1}{C_{yy}} = 1.00 \times 1.17 \frac{1.00}{1 - \frac{520}{62437.6}} \frac{1}{0.97} = 1.22$$

$$k_{yz} = C_{mz} \frac{\mu_y}{1 - \frac{N_{Ed}}{N_{cr,z}}} \frac{1}{C_{yz}} 0.6 \sqrt{\frac{w_z}{w_y}} =$$

$$= 1.05 \times \frac{1.00}{1 - \frac{520}{2774.7}} \times \frac{1}{0.75} \times 0.6 \times \sqrt{\frac{1.57}{1.14}} = 1.21;$$

$$k_{zy} = C_{my} C_{mLT} \frac{\mu_z}{1 - \frac{N_{Ed}}{N_{cr,y}}} \frac{1}{C_{zy}} 0.6 \sqrt{\frac{w_y}{w_z}} =$$

$$= 1.00 \times 1.17 \times \frac{0.91}{1 - \frac{520}{62437.6}} \times \frac{1}{0.84} \times 0.6 \times \sqrt{\frac{1.14}{1.57}} = 0.65;$$

$$k_{zz} = C_{mz} \frac{\mu_z}{1 - \frac{N_{Ed}}{N_{cr,z}}} \frac{1}{C_{zz}} = 1.05 \times \frac{0.91}{1 - \frac{520}{2774.7}} \times \frac{1}{0.92} = 1.28.$$

Verificam-se então as condições regulamentares, ou seja:

$$\frac{N_{Ed}}{\chi_y N_{Rk} / \gamma_{M1}} + k_{yy} \frac{M_{y,Ed}}{\chi_{LT} M_{y,Rk} / \gamma_{M1}} + k_{yz} \frac{M_{z,Ed}}{M_{z,Rk} / \gamma_{M1}} \leq 1.0 \Leftrightarrow$$

$$\frac{520}{0.99 \times 3176.3/1.0} + 1.22 \times \frac{160}{0.68 \times 603.4/1.0} + 1.21 \times \frac{20}{92.4/1.0} = 0.90 < 1.0 ;$$

$$\frac{N_{Ed}}{\chi_z N_{Rk} / \gamma_{M1}} + k_{zy} \frac{M_{y,Ed}}{\chi_{LT} M_{y,Rk} / \gamma_{M1}} + k_{zz} \frac{M_{z,Ed}}{M_{z,Rk} / \gamma_{M1}} \leq 1.0 \Leftrightarrow$$

$$\frac{520}{0.55 \times 3176.3/1.0} + 0.65 \times \frac{160}{0.68 \times 603.4/1.0} + 1.28 \times \frac{20}{92.4/1.0} = 0.83 < 1.0,$$

Como ambas as condições são verificadas, o IPE500, S275 passa.

iv-2) Método 2

Como o elemento é constituído por uma seção sujeito a deformações de torção (seção aberta de paredes finas, não restringida lateralmente), considera-se que a estabilidade do elemento depende exclusivamente da sua resistência à flambagem lateral.

Como o Método 2 difere do Método 1 apenas no que se refere ao cálculo dos fatores de interação, procede-se o cálculo destes fatores.

Inicialmente calculam-se os coeficientes equivalentes de momento uniforme a partir do Quadro B.3, Anexo B, EC3-1-1. Para o diagrama de momentos fletores em torno de y, obtém-se:

$$\Psi_y = \frac{-160}{-160} = 1.00 ; \quad \alpha_s = \frac{M_s}{M_h} = \frac{160}{-160} = -1.0 ;$$

$$\Rightarrow C_{my} = -0.8 \alpha_s = -0.8 \times (-1.0) = 0.8 \quad (> 0.4)$$

Para o diagrama de momentos fletores em torno de z, obtém-se:

$$\Psi_z = \frac{20}{20} = 1.00 ;$$

$$\Rightarrow C_{mz} = 0.60 + 0.4 \Psi_z = 0.6 + 0.4 \times 1.00 = 1.0 \quad (> 0.40)$$

O coeficiente C_{mLT} é dado por: $C_{mLT} = C_{my} = 0.8$

Com base nos parâmetros anteriores, e nos parâmetros obtidos na aplicação do Método 1, calculam-se os fatores de interação k_{yy} , k_{yz} , k_{zy} e k_{zz} a partir do Quadro B.2 do Anexo B do EC3-1-1 através de:

$$k_{yy} = C_{my} \left[1 + (\bar{\lambda}_y - 0.2) \frac{N_{Ed}}{\chi_y N_{Rk} / \gamma_{M1}} \right] =$$

$$= 0.8 \times \left[1 + (0.23 - 0.2) \times \frac{520}{0.99 \times 3176.3 / 1.0} \right] = 0.80;$$

$$k_{yy} = 0.80 < C_{my} \left[1 + 0.8 \frac{N_{Ed}}{\chi_y N_{Rk} / \gamma_{M1}} \right] = 0.91$$

como

deve considerar-se $k_{yy} = 0.80$.

$$k_{zz} = C_{mz} \left[1 + (2 \bar{\lambda}_z - 0.6) \frac{N_{Ed}}{\chi_z N_{Rk} / \gamma_{M1}} \right] =$$

$$= 1.00 \times \left[1 + (2 \times 1.07 - 0.6) \times \frac{520}{0.55 \times 3176.3 / 1.0} \right] = 1.46.$$

$$k_{zz} = 1.46 > C_{mz} \left[1 + 1.4 \frac{N_{Ed}}{\chi_y N_{Rk} / \gamma_{M1}} \right] = 1.23$$

como

deve considerar-se $k_{zz} = 1.23$ $k_{yz} = 0.6 k_{zz} = 0.6 \times 1.23 = 0.74$.

$$k_{zy} = \left[1 - \frac{0.1 \bar{\lambda}_z}{(C_{mLT} - 0.25)} \frac{N_{Ed}}{\chi_z N_{Rk} / \gamma_{M1}} \right]$$

$$= \left[1 - \frac{0.1 \times 1.07}{(0.8 - 0.25)} \times \frac{520}{0.55 \times 3176.3 / 1.0} \right] = 0.94;$$

$$k_{zy} = 0.94 < \left[1 - \frac{0.1}{(C_{mLT} - 0.25)} \frac{N_{Ed}}{\chi_z N_{Rk} / \gamma_{M1}} \right] = 0.95$$

como

, leva: $k_{zy} = 0.95$.

Verificam-se então as condições de segurança:

$$\frac{N_{Ed}}{\chi_y N_{Rk} / \gamma_{M1}} + k_{yy} \frac{M_{y,Ed}}{\chi_{LT} M_{y,Rk} / \gamma_{M1}} + k_{yz} \frac{M_{z,Ed}}{M_{z,Rk} / \gamma_{M1}} \leq 1.0 \Leftrightarrow$$

$$\frac{520}{0.99 \times 3176.3 / 1.0} + 0.80 \times \frac{160}{0.68 \times 603.4 / 1.0} + 0.74 \times \frac{20}{92.4 / 1.0} = 0.64 < 1.0$$

;

$$\frac{N_{Ed}}{\chi_z N_{Rk} / \gamma_{M1}} + k_{zy} \frac{M_{y,Ed}}{\chi_{LT} M_{y,Rk} / \gamma_{M1}} + k_{zz} \frac{M_{z,Ed}}{M_{z,Rk} / \gamma_{M1}} \leq 1.0 \Leftrightarrow$$

$$\frac{520}{0.55 \times 3176.3 / 1.0} + 0.95 \times \frac{160}{0.68 \times 603.4 / 1.0} + 1.23 \times \frac{20}{92.4 / 1.0} = 0.93 < 1.0$$

Como ambas as condições são verificadas, o IPE500, S275 passa segundo a formulação do Método 2.